

Schätzung des mittleren dmft - Wertes mittels Clusterstichproben aus einer regionalen Grundgesamtheit von Kindergärten - ein Beispiel

(Skalenniveau des dmft: ordinal / pseudo - metrisch)

Für die Präzision der Schätzung erwarten wir etwa $\pm 10\%$ bei einem Stichprobenumfang von 50 Kindergärten (siehe "Durchführung"). Es wird der übliche dmft-MW= $\sum \text{dmf} / n$ geschätzt (siehe Textende).

Eine direkte Auswertungen quantitativer Daten (dmft, Körpergewicht, Blutzucker u.a.) aus Clusterstichproben sind mit dem Programm WinPepi nicht möglich.

Hier bieten sich zur Schätzung des mittleren dmft - Wertes aus zahnärztlichen Daten, welche zum Beispiel durch Jugendzahnärzte in Kindergärten erhoben wurden, das kostenfreie Programm **EPI INFO** oder das kommerzielle Statistikprogramm **STATA** (siehe Rubrik "STATA - Intro") an. Der Quotienten-Cluster-Schätzer (**QC-Schätzer**) zur Rechnung per Hand kann auch in einer Tabellenkalkulation berechnet werden und liefert STATA-Ergebnisse.

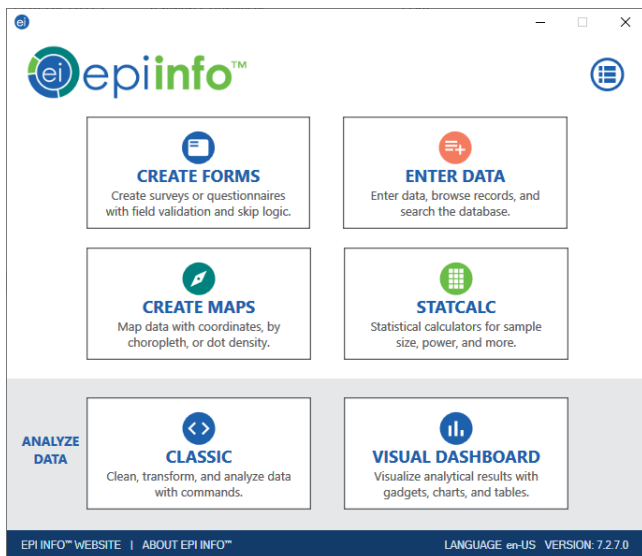
Achtung: Der Support für Epi-Info endet am 30.09.2025 (www.cdc.gov/epiinfo/sunsetnews.html). Das Programm kann aber weiter genutzt werden, insbesondere auf älteren Rechnern ohne Internet, da es hier keine Probleme mit Updates gibt.

Die Daten können u.a. als Textdatei (*.csv) (comma-separated values) oder auch im Excel-Format (*.xls) vorliegen (*.xlsx funktioniert manchmal nicht). Sie müssen folgendermaßen angeordnet sein: Jede Zeile repräsentiert ein Kind und jede Spalte eine Variable. Weitere Angaben, die für das folgende **Beispiel** notwendig sind:

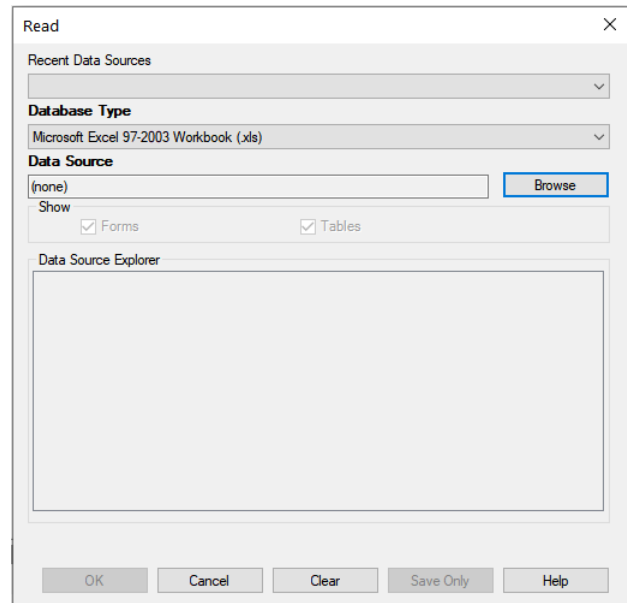
- Größe der Studienpopulation, d.h., Anzahl gemeldeter 3-5 jähriger Kinder in allen Kindergärten der Region (hier 7978) und die Anzahl in der jeweils vorgesehenen Altersgruppe (hier 1710 Dreijährige, 3077 Vierjährige, 3191 Fünfjährige). Wenn nur die Gesamtzahl der 3-6 Jährigen Kindergartenkinder in der Region verfügbar ist, so wird hiervon 1/6 abgezogen und man erhält näherungsweise die Anzahl der 3-5 Jährigen. Die Anteile der jeweiligen Altersgruppen in der Studienpopulation lassen sich näherungsweise aus den Anteilen der randomisierten Stichprobe schätzen. Das funktioniert aber nur, wenn die Kindergärten in der Stichprobe wirklich zufällig ausgewählt wurden und die Stichprobe groß genug ist (z.B. 50 Kindergärten).
- Zahl untersuchter Kinder pro Kindergarten und je Altersgruppe,
- Wenn die Untersuchungsdaten als Textdatei *.csv oder in Excel vorliegen sollen, müssen sie aus dem jeweils verwendeten Erfassungsprogramm (Octoware, ISGA u.a.) der zahnärztlichen Dienste exportiert werden. Dies funktioniert ggf. erst auf Nachfrage beim Softwareanbieter.

Beispielrechnung mit Epi Info 7.2.7 für die Altersgruppe der 3 - 5 Jährigen:

Laden Sie die Datei **kiga50v170.xls** herunter. Starten Sie EPI-INFO 7.2.7 und wählen Sie im Startmenü das Programm „Analyze Data“ (CLASSIC).



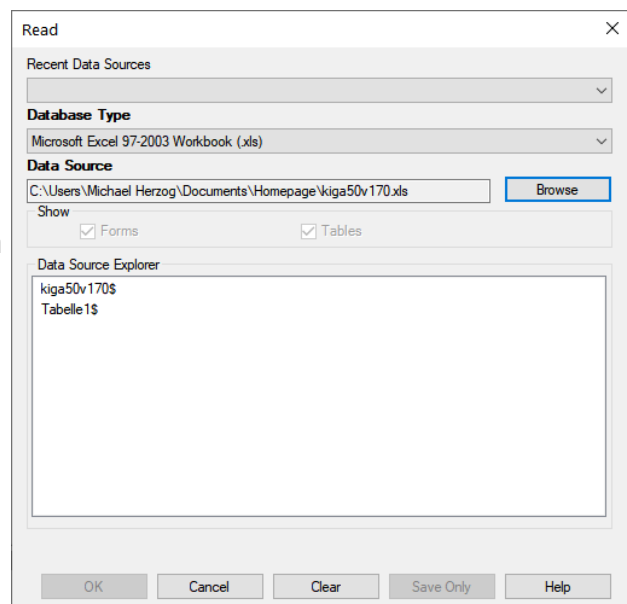
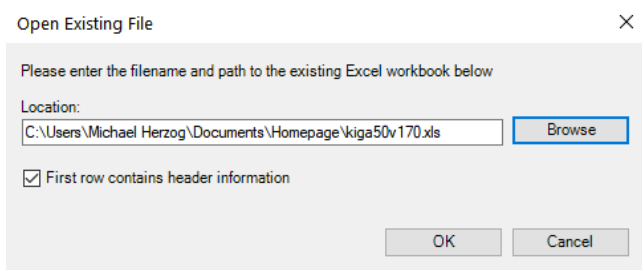
Startmenü für Epi Info 7.2.7



Auswahlfenster

Mit „Data - Read“ (links oben im Programm *Analysis*) öffnet sich ein Auswahlfenster (siehe Abb. rechts) und Sie wählen unter „Database Type“ den Eintrag „MS Excel 97-2003“. Unter „Data Source“ klicken Sie auf den rechten Button "Browse" und es erscheint ein neues Auswahlfenster "Open Existing File", in dem Sie mit "Browse" die Datei **kiga50v170.xls** auf Ihrer Festplatte suchen und anklicken. Der Pfad erscheint in der Eingabezeile "Location". Sie bestätigen mit OK.

Im Fenster "Data Source Explorer" (Abb. rechts) erscheint jetzt die Datei **kiga50v170**, die Sie wieder anklicken und unten bestätigen mit OK.



Im Output-Fenster von Analysis erscheint jetzt die Meldung vom erfolgreichen Einlesen der 2312 Datensätze und einige andere Angaben.

Nach Verlassen des Programms können Sie die Daten jederzeit wieder mit „Read“ einlesen, wobei unter „Recent Data Sources“ stehen sollte **kiga50v170**. Durch Anklicken erscheint die Datei wieder im "Data Source Explorer". Dort wiederum anklicken und mit OK bestätigen. Jetzt sind die Daten wieder erfolgreich eingelesen und können mit dem Befehl „Statistics - List“ (ohne weitere Änderungen) und mit OK, angesehen werden. Jeder Datensatz (entspricht einem Kind) beinhaltet die Nummer des Kindergartens (kiganr), das Alter, Angaben zum dmft und eventuell andere individuelle Befunde. Ist der dmft = 0, zeigt die Variable ng (naturgesund) den Eintrag 1, ansonsten 0.

kiganr	alter	d	m	f	dmf	ng
2	3	5	0	1	6	0
2	3	1	0	0	1	0
2	3	0	0	1	1	0
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1
2	3	0	0	0	0	1

Für die Berechnung (Schätzung) des mittleren dmft-Wertes bei Clusterstichproben wählt man unter „Advanced Statistics - Complex Sample Means“ (siehe Abb. unten) bei „Means of“ die Variable **dmf** und unter „PSU“ die Variable **kiganr**. Nach OK wird eine Tabelle ausgegeben mit dem mittleren dmft von 1,713 und dem Konfidenzintervall (1,537 ; 1,889), oder analog **1,713 ± 0,176**. „PSU“ bedeutet „Primary Sampling Unit“ und bezieht sich auf die Elemente, die ausgewählt wurden - hier die Kindergärten. OK liefert das Ergebnis.

	DMF						
	Count	Mean	Std Error	Confidence Limits		Minimum	Maximum
				Lower	Upper		
TOTAL	2312	1,713	0,088	1,537	1,889	0,000	20,000

Wichtige Anmerkung: Wählt man in Analysis im Menü "Statistics" das Kommando "Means" und setzt unter „Means of“ die Variable dmft, so erhält man folgendes Ergebnis **ohne Berücksichtigung der Clusterstruktur** der Daten. Der Std Error (SE) ergibt sich aus $SE = \text{Std Dev} / \sqrt{2312}$ zu $SE = 3,1060 / 48,083261 = 0,0645963$ und hieraus ein Konfidenzintervall von 1,586 bis 1,840 ($\pm 0,127$). Das Konfidenzintervall nach dieser Rechnung ist schmaler und die Genauigkeit scheinbar größer. Leider ist diese Rechnung und damit auch das Konfidenzintervall falsch, da die Clusterstruktur der Daten nicht berücksichtigt wurde.

Obs	Total	Mean	Variance	Std Dev
2312,0000	3960,0000	1,7128	9,6475	3,1060

Ergebnis mit „Means“ im Menü „Statistics“

Achtung :

Leider berücksichtigt Epi Info nicht die häufig wichtige Endlichkeitskorrektur EK (!)

$\left(1 - \frac{n}{N}\right)$. Hier bedeuten n die Zahl der Kinder in der Stichprobe und N die Zahl in der

Studienpopulation (Grundgesamtheit). Das Programm rechnet unter der Annahme, dass die Stichprobe klein und die Grundgesamtheit sehr groß ist, zum Beispiel $n = 100$ und $N = 1.000.000$. Dann wäre $n / N = 0,0001$ und die Endlichkeitskorrektur (EK) bis auf einen vernachlässigbaren Fehler gleich 1 (genau 0,9999).

Mit $n = 2312$ und $N = 7978$ erhält man aber für $EK = (1 - 2312 / 7978) = 0,71$.

Daraus die Wurzel ergibt 0,843. Der Wert für die Genauigkeit $\pm 0,176$ (siehe oben) ist noch mit dieser Zahl 0,843 zu multiplizieren, um das richtige Konfidenzintervall angeben zu können, was demnach lautet $1,713 \pm (0,176 \cdot 0,843) \Rightarrow \mathbf{1,713 \pm 0,148}$ oder analog **(1,565 ; 1,861)** statt (1,537 ; 1,889).

Mit der Endlichkeitskorrektur wird das Konfidenzintervall etwas schmaler. Die Anforderung an die Genauigkeit von $\pm 10\%$ ist erfüllt.

Der aus der Clusterstichprobe mit 50 Kindergärten geschätzte mittlere dmft-Wert der Kinder im Alter von 3 bis 5 Jahren in der Grundgesamtheit von 170 Kindergärten beträgt 1,713. Der wahre Wert von **1,67** in dieser Grundgesamtheit (**den wir aber nicht kennen**) liegt mit 95%-iger Wahrscheinlichkeit im Intervall zwischen 1,565 und 1,861 (mit EK). Die Genauigkeit der Schätzung kann angegeben werden mit $\pm 0,148$. Die Verteilung der dmft-Einzelwerte ist stark rechtsschief. Der dmft-Mittelwert kennzeichnet nicht das Zentrum der Verteilung, ist aber als Zufallsvariable für Stichprobenumfänge $n > 30$ (besser 100) asymptotisch normalverteilt (**Zentraler Grenzwertsatz**) und somit die Mittelwertberechnung gerechtfertigt.

Der DEFF (siehe "Statistik im ÖGD") wird bei Epi Info nur im Modul „Complex Sample Frequencies“ ausgegeben. Dieser Wert ist für Berechnungen im Modul „Complex Sample Means“ **nicht** verwendbar. Stattdessen muss man ihn über die Standardfehler (SE) des Mittelwertes mit und ohne Clusterdesign per Hand berechnen. Die Endlichkeitskorrektur bleibt dabei unbeachtet.

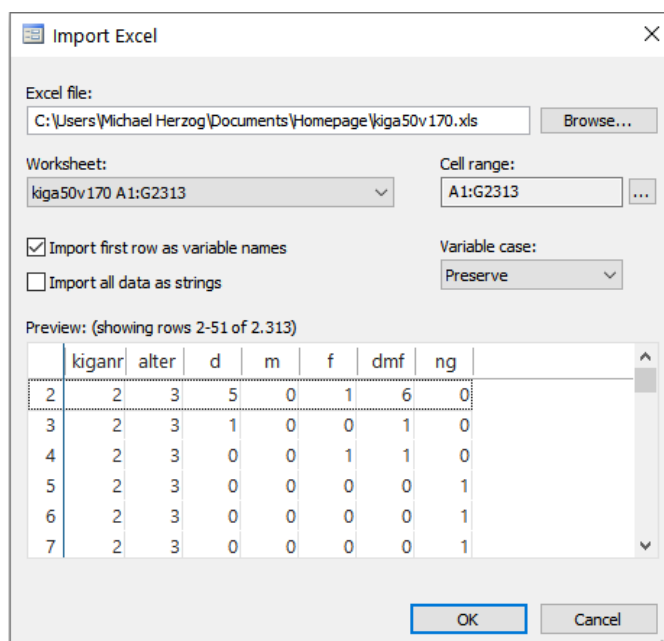
Für den SE ohne Clusterdesign liefert Epi Info: 0,0646 und für den SE mit Clusterdesign 0,088 . Hieraus erhält man den DEFF zu $DEFF = (0,088 / 0,0646)^2 = 1,856$.

Altersadjustierung:

Für eine Aussage zum dmft 3 - 5 jähriger Kinder in der Bevölkerung fehlt noch eine Altersadjustierung, die in entsprechender Weise wie bei der Anteilsschätzung vorzunehmen ist.

Berechnung mit STATA für die Altersgruppe der 3 - 5 Jährigen:

Laden Sie die Datei **kiga50v170.xls** herunter. Starten Sie STATA und wählen Sie unter "File/Import" - Excel spreadsheet aus.



Mit "Browse" suchen Sie nach der heruntergeladenen Datei kiga50v170.xls. Im Preview sehen Sie die Daten. Vergessen Sie nicht das Häkchen bei "Import first row". Mit OK werden die Daten ins Programm importiert. Jetzt speichern Sie die Datei im STATA - Format **kiga50v170.sta** zur späteren weiteren Bearbeitung. Für die Endlichkeitskorrektur (fpc) wird die Variable $fpc = n / N = 2312 / 7978 = 0,289797$ und für sampling weight $pw = 7978 / 2312 = 3,450692$ hinzugefügt.

Für die Berücksichtigung der Endlichkeitskorrektur verwendet man in STATA Survey-Kommandos. Zuerst werden Setup-Informationen eingegeben. Als "primary sampling unit"

(SU) gibt man "kiganr" an und als finite population correction - "fpc". Ausführliche Beschreibungen zu den Berechnungen findet man im STATA Survey Data Reference Manual unter www.stata.com .

```
. svyset kiganr, fpc(fpc) weight(pw) vce(linearized) singleunit(missing)
```

```

    pweight: <none>
      VCE: linearized
Single unit: missing
  Strata 1: <one>
    SU 1: kiganr
    FPC 1: fpc
  Weight 1: pw

```

```
. svy linearized : mean dmf
(running mean on estimation sample)
```

Survey: Mean estimation

```

Number of strata =      1      Number of obs   =      2,312
Number of PSUs   =     50      Population size = 7,977.9998
                                   Design df      =        49

```

	Linearized			
	Mean	Std. Err.	[95% Conf. Interval]	
dmf	1.712803	.0738989	1.564297	1.861308

Über ein weiteres Kommando erhält man DEFF = 1,84276 .

```
. estat effects, deff
```

	Linearized		
	Mean	Std. Err.	DEFF
dmf	1.712803	.0876894	1.84276

Wir sehen eine gute Übereinstimmung mit mit den Ergebnissen von Epi Info.

Berechnung per Hand

Hier sollte der Quotienten-Cluster-Schätzer (QC - Schätzer, siehe Clusterstichproben) für die Varianz bevorzugt werden, den man leicht mit einer Tabellenkalkulation berechnen kann. Nähere Angaben findet man in der Rubrik "Statistik im ÖGD". Ausgehend von den aggregierten Daten für die 50 Kindergärten mit n_i = Anzahl der Kinder im i-ten Kiga, $\sum dmf_i$ = Summe der dmf-Werte im i-ten Kindergarten, berechnet man je Kiga: $n_i \cdot \bar{y}$ und $(\sum dmf_i - n_i \cdot \bar{y})^2$ mit dem dmft-MW = $\bar{y} = 1,7128$, der vorab in der Tabelle berechnet wird.

Tab. Ausschnitt aus der Berechnungstabelle

kiganr	$\sum dmfi$	n_i	$n_i * \bar{y}$	$(\sum dmfi - n_i * \bar{y})^2$
2	65	59	101.05536	1299.98922
7	146	61	104.48097	1723.82995
9	76	52	89.06574	170.71366
12	66	50	85.64014	385.73504
13	117	58	99.34256	311.78517
19	39	22	37.68166	1.73802
20	29	24	41.10727	146.5859

Die gesamte Excel-Tabelle **kiga50_QC_dmf.xls** ist angefügt.

Nach Aufsummieren der rechten Spalte erhält man unter Verwendung der Formel im Text von "Schätzung_Anteil" (S. 5) für die $Var(\bar{y}_{QC}) = 0,007689$ und nach einer Multiplikation mit $fpc = 0,71$ und Wurzelziehen für den $SE_{fpc} = 0,0739$.

Damit ergibt sich für das Konfidenzintervall C.I. = (1,57 ; 1,86) in guter Übereinstimmung mit den beiden anderen Berechnungen.

Anmerkung zum dmft-Mittelwert:

In einer Population von n Kindern gibt es eine Anzahl n_g Kinder mit naturgesunden Gebissen und eine Zahl n_k Kinder mit Karieserfahrung (KE). Somit ist $n = n_g + n_k$.

Der Prävalenzbegriff bezieht sich auf Krankheit in einer Population, hier Zahnkaries, und ist definiert als:

$$p_{nk} = (\text{Zahl Kinder mit KE}) / (\text{Zahl der Kinder unter Risiko zu einem bestimmten Zeitpunkt}) .$$

Da in der Regel alle Kinder dem Risiko der Karies ausgesetzt sind, ist $p_{nk} = n_k / n$.

Bei der Schätzung des "Anteils kariesfreier Kinder" in Abschnitt A) handelt es sich um eine Schätzung der "Prävalenz der Zahngesunden" und es gilt: $p_{ng} = 1 - p_{nk}$.

Die Summe der dmft - Werte pro Kind ist ein Maß für dessen individuelle Karieslast, d.h., n_k Kinder mit $dmft > 0$ weisen i.d.R. unterschiedlichen Kariesbefall auf, wohingegen eine Anzahl n_g mit jeweils $dmft = 0$ in der betrachteten Population keinen Kariesbefall zeigen. Dennoch wird heute in vielen Publikationen die Summe der dmft - Werte zur Berechnung des Mittelwertes dmft-MW auf alle Kinder n der Population bezogen: $dmft\text{-}MW = \sum dmft / n$ und vermutlich deshalb gelegentlich als Kariesprävalenz bezeichnet. Es handelt sich jedoch eher um eine mittlere Schwere der Karieslast pro Kind, die bei solcher Rechnung von den Kindern mit KE auf alle Kinder der Population, auch die Gesunden, verteilt wird. Ein solcher mittlerer dmft - Wert ist wenig aussagekräftig und Informationen zur tatsächlichen Karieslast der Kinder mit KE gehen so verloren.

Für die Kariesepidemiologie scheinen daher folgende Kenngrößen nützlich:

Prävalenz der Gesunden: $p_{ng} = 1 - p_{nk} = 1 - n_k / n$

Mittlerer Kariesbefall der Kinder mit KE: $dmft^\circ\text{-MW} = \sum dmft / n_k$

Für den Datensatz **kiga50v170.sta** ergibt sich folgendes Ergebnis für $dmft^\circ\text{-MW}$:

```
. svyset kiganr, fpc(fpc) weight(gew) vce(linearized) singleunit(missing)

      pweight: <none>
      VCE: linearized
Single unit: missing
  Strata 1: <one>
    SU 1: kiganr
    FPC 1: fpc
  Weight 1: gew

. svy linearized : mean dmft
(running mean on estimation sample)
```

Survey: Mean estimation

Number of strata =	1	Number of obs =	876
Number of PSUs =	50	Population size =	3,000
		Design df =	49

	Linearized			
	Mean	Std. Err.	[95% Conf. Interval]	
dmf	4.520548	.1034925	4.312572	4.728524

```
. estat effects, deff
```

	Linearized		
	Mean	Std. Err.	DEFF
dmf	4.520548	.1034925	1.03749

Interpretation: Kinder dieser Population mit KE weisen im Mittel 4,5 befallene Zähne auf.

Durch die veränderte Clustergröße reduziert sich der DEFF auf 1,04.